

EXERCICE N°1 (4 points)

Choisir la seule bonne réponse :

On considère dans le plan P muni d'un repère orthonormé $R=(o, \vec{i}, \vec{j})$
les points $A(1,3)$ et $B(4, -1)$

1) $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{OA} =$

a) -9

b) 15

c) 13

2) L'ensemble $E = \{ M \in P \text{ tel que } \overrightarrow{MA} \perp \overrightarrow{MB} \}$ est :

a) Un cercle

b) Une droite

c) Un segment

3) La médiatrice de la droite (AB) a pour équation :

a) $6x - 8y = 0$

b) $6x - 8y - 31 = 0$

c) $6x - 8y + 2011 = 0$

4) Soit $C(3 ; m)$ alors $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{OC} = 0$ si et seulement si $m =$

a) $\frac{9}{4}$

b) $-\frac{4}{9}$

c) $\frac{4}{9}$

EXERCICE N°2 (9 points)

Soit f la fonction définie sur $\mathbb{R} \setminus \{ 2 \}$ par: $f(x) = \frac{x^2 - 2x + 1}{x - 2}$

On désigne par ζ_f sa courbe représentative dans un repère orthonormé (o, \vec{i}, \vec{j})

1) Calculer $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$.

Interpréter graphiquement le résultat obtenu

- 2) a) Vérifier que pour tout réel $x \neq 2$; on a $f(x) = x + \frac{1}{x-2}$
 b) En déduire que la droite $D : y = x$ est une asymptote à ζ_f au voisinage de $\pm\infty$
- 3) a) Vérifier que pour tout réel $x \neq 2$; on a $f'(x) = \frac{x^2 - 4x + 3}{(x-2)^2}$
 b) Dresser le tableau de variations de f
- 4) a) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $f(x) = 0$
 b) Tracer ζ_f

EXERCICE N°3 (7 points)

Dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormé (o, \vec{u}, \vec{v}) , on considère les points A, B, C d'affixes respectives $Z_A = -2i$;

$$Z_B = 1+i ; \quad Z_C = 4+2i$$

- 1) a) Placer sur une figure les points A, B et C .
 b) Calculer les affixes des vecteurs \overline{BA} et \overline{BC} .
 c) Montrer que le triangle ABC est isocèle en B .
- 2) a) Donner la forme trigonométrique de Z_A ; Z_B puis $\frac{Z_A}{Z_B}$
 b) En déduire que $(z_B)^{2012}$ est un réel négatif
- 3) Déterminer les ensembles suivants :
- a) $F = \{ M(z) \in P / |z + 2i| = 2011 \}$
 b) $G = \{ M(z) \in P / |z + 2i| = |z - 1 - i| \}$